Devoir à la maison n° 6

Exercice 1. On considère l'équation différentielle (E):

$$y''' = 3y' - 2y + 5e^t,$$

d'inconnue $y: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, munie des conditions initiales y(0) = 0, y'(0) = -1 et y''(0) = 4.

1. On pose z=y'-y. Montrer que y est solution de (E) si et seulement si z est solution de l'équation :

$$z'' + z' - 2z = 5e^t$$
.

Quelles sont alors les conditions initiales sur z?

- 2. Résoudre l'équation pour z.
- 3. En déduire l'ensemble des solutions de (E).

Exercice 2. Soit a dans \mathbb{R} . En utilisant l'algorithme du pivot de Gauss-Jordan, résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} x+y+z &= 0\\ x+ay &= 1\\ x+az &= -1 \end{cases}.$$

On précisera, selon les valeurs de a, l'ensemble des solutions obtenu.