

Savoir :

- Identifier un objet physique.
- Identifier et représenter les forces s'exerçant sur lui ; distinguer les forces conservatives. Energie potentielle ; cas particulier de l'énergie potentielle de pesanteur.
- Exprimer l'énergie mécanique du système dans le cas d'une particule ou d'un solide en mouvement de translation.
- Mettre en œuvre le théorème de l'énergie mécanique pour mettre en équation le problème.
- faire un bilan d'énergie.

I- Une grue jouet est munie d'un petit moteur électrique alimenté par un ensemble de piles délivrant une tension $U_1 = 6,0 \text{ V}$ et un courant d'intensité I_1 . Si l'objet est trop lourd, le moteur se bloque et est parcouru par un courant $I_2 = 250 \text{ mA}$. La tension à ses bornes est alors $U_2 = 3,0 \text{ V}$. Le constructeur met alors en garde contre un risque de destruction du moteur.

Données : - capacité thermique massique du cuivre : $C_{m \text{ Cu}} = 385 \text{ J.K}^{-1}.\text{kg}^{-1}$;

- champ de pesanteur : $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$;

- température de fusion du cuivre : $\theta_f = 1084 \text{ }^\circ\text{C}$;

- masse du bobinage de cuivre du moteur : $m_{\text{Cu}} = 50 \text{ g}$.

- Puissance électrique reçue par un dipôle sous une tension U et parcouru par un courant I : $P_e = W_e \times \Delta t = U \times I$.

1°) Une masse $m = 200 \text{ g}$ est accroché au câble de la grue. La grue la soulève d'une hauteur $h = 20 \text{ cm}$, à une vitesse constante $v = \frac{h}{\Delta t} = 10 \text{ cm.s}^{-1}$. L'intensité du courant circulant alors dans le moteur est $I_1 = 50 \text{ mA}$.

Quelle est la durée Δt de la montée ?

Calculer le travail W_p du poids lors de cette opération ainsi que la puissance puis le travail électrique mis en jeu.

Quel est le rendement du moteur lors de cette opération ?

2°) Un objet trop gros est cette fois-ci accroché : le moteur se bloque. Toute l'énergie électrique reçue est alors dissipée par transfert thermique et on suppose que le bobinage de cuivre reçoit intégralement cette énergie.

- Exprimer la variation d'énergie thermique ΔU_{th} lorsque le moteur atteint la température de fusion, en partant de la température ambiante $\theta_0 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$.
- Calculer la puissance électrique reçue par le moteur.
- En déduire la durée pour atteindre la fusion du cuivre ? Commenter.

II- Le Français le plus rapide sur des skis, Bastien Montès, 29 ans possède un record de vitesse à $248,105 \text{ km/h}$.

2°) Quel dénivelé minimal (\Rightarrow quelle hypothèse ?) noté h est nécessaire pour battre le record du monde de vitesse notée v ? Donnée : $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$.

• Effectuer un calcul littéral donnant h en fonction de v et g , vérifier l'homogénéité dimensionnelle de l'expression obtenue, effectuer l'application numérique.

3°) La longueur de l'aire d'arrivée est notée $L = 700 \text{ m}$ et son inclinaison est supposée négligeable. Pour s'arrêter, cette distance est nécessaire. Le skieur l'aborde en bas de la piste avec la vitesse v .

En déduire le travail des forces de frottement $W(\vec{F}_f)$ permettant l'arrêt du skieur.

Si on effectue l'approximation de frottements d'intensité constante, exprimer $W(\vec{F}_f)$ en fonction de F_f et de L . En déduire la valeur de F_f .

III- 1°) Une tonne d'uranium 235 peut fournir environ $7,4.10^{16} \text{ J}$ d'énergie.

a- Si toute cette énergie est utilisée pour accélérer un vaisseau spatial de $3,5.10^6 \text{ Kg}$ (masse de la fusée lunaire Saturn V en pleine charge) départ arrêté, quelle sera la vitesse finale du vaisseau ?

b- Quelle est la nature de l'énergie fournie par l'uranium ?

2°) Un seul baril de pétrole contient l'équivalent d'environ 6.10^9 J d'énergie.

a- De quelle hauteur pourrait-on soulever une charge d'un million de kilogrammes si toute cette énergie était transformée en énergie potentielle de pesanteur ?

b- Quelle est la nature de l'énergie « portée » par le pétrole ?

c- A cette altitude, le modèle d'un champ de pesanteur uniforme peut-il être considéré comme une bonne approximation ?

Rholes n° 2

I - 1) $v = \frac{h}{\Delta t}$ (car vitesse constante) $\Rightarrow \Delta t = \frac{h}{v} = \frac{20}{10} = 2,0 \text{ s}$.

$$W(\vec{F}_p) = mg(0 - h) = -0,200 \times 9,8 \times 20 \cdot 10^{-2} = -0,39 \text{ J}$$

$$P_e = U_1 \cdot I_1 = 6,0 \times 50 \cdot 10^{-3} = 0,30 \text{ W}$$

$$W_e = P_e \times \Delta t = 0,60 \text{ J}$$

$$\text{Rendement : } \eta = \frac{\text{Puissance utile}}{\text{Puissance consommée}} = \frac{0,39}{0,60} = 0,65 = 65\%$$

65% de l'énergie consommée est utilisée pour monter la charge. 35% est dissipée sous forme de chaleur.

2) $\Delta U_{th} = m_{Cu} \cdot C_{Cu} \cdot (T_{fusion} - T_{ini}) = 50 \cdot 10^{-3} \times 385 \times (1084 - 20)$
 $= 2,0 \cdot 10^4 \text{ J}$

$$- P_e = U_2 \times I_2 = 3,0 \times 250 \cdot 10^{-3} = 0,75 \text{ W}$$

(Attention, ne pas confondre U_{th} = énergie thermique et U : tension électrique)

- Si on admet que toute la puissance électrique est convertie en puissance thermique : $\Delta U_{th} = P_e \times \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta U_{th}}{P_e} = \frac{2,0 \cdot 10^4}{0,75} = 2,7 \cdot 10^4 \text{ s}$
 $= 7 \text{ h } 24 \text{ min}$

cette durée est bien supérieure à une durée de feu. le jouet ne risque pas d'être détérioré sauf s'il est oublié dans cet état.

II - 1) Système { billes dans le champ de pesanteur }.

Masse : $m = 80 \text{ kg}$

Etat initial : $E_{m,i} = \frac{1}{2} m v^2 + m g h$

Etat final : $E_{m,f} = \frac{1}{2} m v^2 + m g \frac{h}{3}$

En l'absence de frottements, l'énergie mécanique est conservée :

$$E_{m,i} = E_{m,f} \Rightarrow m g h = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow h = \frac{v^2}{2g} = \frac{(248,105)^2}{2 \times 9,8}$$

$$[R] = h = \left[\frac{v^2}{2g} \right] = \frac{(L \cdot T^{-1})^2}{L \cdot T^{-2}} = 242 \text{ m}$$

2) Etat initial : $E_{m,i} = \frac{1}{2} m v^2 + 0$
 Etat final : $E_{m,f} = 0 + 0$ (arrêt) } $\Delta E_m = 0 - \frac{1}{2} m v^2 = W(\vec{F}_g) = -F_g \cdot L$
 $(W(\vec{F}_g) = F_g \times L \times \cos(180^\circ))$

Sous en déduisons $F_g = \frac{m v^2}{2L} = 271 \text{ N}$.

1) a - $\Delta U_{\text{cédé par uranium}} = \Delta E_c$ (Énergie utilisée pour accélérer la fusée)

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{2\Delta U_0}{m}} = \frac{1}{2} m v^2 - 0 = 9,3 \cdot 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

b - Énergie interne nucléaire.

2) a - $\Delta E_{pp} = \frac{\Delta U_p}{mg} = mgh \Rightarrow h = \frac{\Delta U_p}{mg} = 612 \text{ m}$.

b - Énergie chimique (combustion par exemple)

c - le champ de pesanteur peut être considéré comme uniforme jusqu'à environ 30 km d'altitude.