### TD supplémentaire Etude d'un procédé robotisé de dépose de composite en fibres de carbone (Adapté de Mines Ponts MP 2011)



Figure 1

Dans un contexte concurrentiel de plus en plus sévère, Airbus doit innover à chaque lancement d'un nouvel appareil afin d'en améliorer ses performances. Ces innovations portent aussi bien sur la structure, la motorisation que les équipements. Depuis une dizaine d'années, les matériaux composites en fibres de carbone se substituent à l'alliage d'aluminium sur de nombreuses pièces structurelles. Ces matériaux composites représentent jusqu'à *25%* de la masse de la structure sur l'A380 et Airbus annonce un accroissement à *35%* sur le futur **Airbus** *A350* prévu pour 2013.



Figure 2 : exemples de pièces réalisées actuellement en matériaux composites

Le bon rapport densité et caractéristiques mécaniques des composites permet de réaliser d'importants gains de masse sur la structure d'un avion. Les matériaux composites permettent également de simplifier les méthodes de fabrication et présentent une résistance à la fatigue et à la corrosion que les matériaux classiques n'ont jamais égalée.

Les recherches actuelles prévoient d'industrialiser le fuselage complet en composite du futur Airbus A350. Le développement de la majorité des pièces élémentaires sera réalisé par l'usine AIRBUS de Nantes qui est le site leader de EADS dans la fabrication des matériaux composites.





Ancien fuselage (13 panneaux métalliques avec 14000 fixations)

*Nouveau Fuselage* (1 seule pièce composite sans fixation)

Le principe d'obtention de pièces en composite consiste à déposer en couches successives croisées des lés d'une matière composite (une nappe) sur une forme (moule) afin d'obtenir après étuvage une pièce de structure légère et très rigide. Un exemple est donné sur la *figure 3*.

La forme à draper sera définie par un programme informatique issu du directeur de commande numérique du système. Ce dernier constituant élabore des consignes de commande en temps réel en fonction des paramètres de la trajectoire et de l'état de la chaîne d'action.



*Figure 3 :* nappes croisées de composites

#### • Le placement de fibres

Ces machines **(voir figure 1)** déposent une nappe constituée de 6 à 32 rubans de fibres de carbone (un ruban ayant une largeur de 6,35 mm) **(voir figure ci contre).** Tous ces rubans sont pilotés individuellement et automatiquement, chacun pouvant être coupé, appliqué et redémarré pendant la dépose de la nappe. Le pilotage indépendant des fibres et l'utilisation d'un grand nombre de bandes très étroites permet ainsi d'effectuer des trajectoires courbes en jouant sur le différentiel de déroulement des fibres et ainsi réaliser des surfaces non développables complexes (surfaces non



applicables sur un plan sans étirement, exemple : une sphère).

#### L'objectif du TD est d'étudier les problématiques liées à la conception d'un système de placement de fibres et plus particulièrement aux solutions choisies par les ingénieurs de CORIOLIS COMPOSITES.

Dans la suite du problème on utilisera indifféremment les termes « fibre » ou « ruban » pour désigner les rubans de fibres de carbone.

### 1. Présentation de la machine de placement de fibres

Le système de placement de fibres développé par CORIOLIS COMPOSITES est monté sur un robot poly articulé 6 axes (*voir annexe 1*). Celui-ci a pour fonction d'orienter la tête de dépose de fibres devant la surface à réaliser. Des axes dits "externes" peuvent être ajoutés via un rail motorisé qui positionne le robot devant le moule. Ces axes externes permettent d'augmenter le champ d'action du robot 6 axes. L'ensemble souvent composé de 8 axes asservis est nommé "cellule robotisée". Ces robots et ce système de placement de fibres répondent aux spécifications de l'aéronautique, en termes de précision de dépose et de coupe ainsi qu'en répétitivité et fiabilité.

Le sujet dont est extrait le TD date de 2011, la réforme du programme et l'introduction des diagrammes SysML n'a pas encore eu lieu. C'est pourquoi les 1ères questions auront pour but de vous faire travailler sur l'adaptation de cette analyse fonctionnelle obsolète.

L'environnement de la machine est fixé par le diagramme partiel des interacteurs ci-dessous :



- FS1 : déposer des fibres de carbone sur un moule en fonction d'un profil programmé
- FS2 : s'adapter aux sources d'énergie
- FS3 : changer les bobines vides manuellement
- FS4 : respecter l'environnement

FS5 : éviter l'entrelacement des fibres et protéger les fibres du milieu extérieur

La fonction de service principale est détaillée sur l'actigramme suivant.



Nous allons nous intéresser plus particulièrement au système d'acheminement et à la tête de dépose de la fibre.

# 1.1 Le stockage et l'acheminement de la matière (voir document annexe1)

Le stockage des bobines de fibres se trouve dans un magasin appelé CANTRE. L'acheminement des fibres jusqu'à la tête de dépose est réalisé par un ensemble de rouleaux appelées MULTI WINCH. La tension dans les fibres est maintenue proche de 0 Newton entre la tête de dépose et la sortie magasin. En effet pour épouser parfaitement la courbure du moule il faut que la fibre soit très peu tendue lors de son plaquage.

De plus les déplacements relatifs de la tête par rapport au magasin nécessitent de gérer le déroulement ou le rembobinage de la matière.

#### 1.2 La tête de dépose

Afin de déposer les bandes de carbone conformément aux consignes du bureau d'étude, c'est à dire appliquer la portion de bande de carbone pré-imprégnée de la bonne longueur au bon endroit, on utilise une tête de dépose de fibres.

La tête de dépose regroupe les fonctionnalités suivantes :

- Clamper : bloquer la fibre
- Redémarrer : amorcer individuellement chaque fibre sous le rouleau d'application
- Couper : couper à l'aide de lames perpendiculaires au sens de défilement
- Chauffer : chauffer par lampe infrarouge la fibre (amélioration du pouvoir collant)
- Compacter : appliquer les fibres par un dispositif appelé rouleau d'application afin de les maintenir collées sur le moule.



#### **1.2.1** Analyse fonctionnelle

*Qu. 1 : Compléter le diagramme FAST de la machine de placement de fibres présenté en annexe 1 en indiquant les solutions techniques associées aux fonctions techniques référencées dans le tableau du document-réponse. Comment peut-on transférer ces données à l'outil SysML ?* 

## **1.2.2** Fonction de service FS1 : Déposer des fibres de carbone sur un moule en fonction d'un profil programmé

Objectif : Déterminer la largeur de bande maximum de composite permettant de garder ses caractéristiques mécaniques sans fronces ou ondulations sur une surface non développable (cas de la pointe avant du fuselage)

#### Étude de la déformabilité de la bande :

Les fibres, composant la nappe, sont liées par la résine et le glissement entre elles est très limité. Si on essaie de déposer le produit sur une surface non développable, telle que le cockpit d'un avion, on remarque rapidement l'apparition de fronces (plissements) ou ondulations. Or toute ondulation créée dans la matière entraîne une perte de caractéristiques mécaniques, car les fibres de carbone sont destinées à travailler uniquement en traction.

Pour éviter ces ondulations nous devons déterminer les limites de la fibre à se déformer sur des surfaces non développables. Ces essais étant difficiles à mener sur des surfaces complexes, nous allons étudier la dépose sur une surface plane en décrivant une trajectoire courbe.

*Qu. 2 : A partir de la figure 2.1 de l'annexe 2, déterminer le taux de déformation*  $\frac{\Delta l}{l}$  *de la fibre en* 

fonction de e, largeur de la bande, et R rayon de courbure de la fibre.

#### Essais expérimentaux de dépose de fibres (voir figure 2.2 annexe 2):

Les essais ont été réalisés sur une surface plane avec un matériau représentatif des applications fuselage et des conditions de pose identiques (vitesse, tension, effort de compactage). Cette campagne d'essais a permis de déterminer les rayons de courbure minimum (appelé par les professionnels du matériau composite : *rayon de steering*) avant apparition de fronces en fonction de différentes largeurs de bande (5, 10, 25, 50, 150 mm). Voir tableau ci-dessous.

Largeur de bande e	5 mm	10 mm	25 mm	50 mm	150 mm
Rayon de Steering R	1 m	3 m	11 m	27 m	110

*Qu. 3 : A partir des résultats expérimentaux, en déduire le taux de déformation dans la fibre en fonction de la largeur de bande e. Remplir le tableau ci-dessous.* 

Largeur e	5 mm	10 mm	25 mm	50 mm	150 mm
Rayon de Steering R	1 m	3 m	11 m	27 m	110 m
Taux de déformation					
dans la fibre					

La courbe ci-dessous (limitée en abscisse à 50 mm pour des raisons de précision) est une synthèse du taux de déformation en fonction de la largeur de la bande de fibre.



#### *Qu. 4 : Conclure sur la forme de la courbe obtenue.*

#### Détermination de la largeur maximale déposable :

Afin de déterminer par le calcul une largeur de bande optimale, nous allons émettre quelques hypothèses pour simplifier la surface de la pièce et déterminer les zones les plus contraignantes pour la dépose :

- Utilisation de la surface de la pointe avant (forme convexe)
- Surépaisseurs non prises en compte
- Discrétisation de la forme en une succession de troncs de cône de hauteur égale à la nappe (voir figure 2.3 de l'annexe 2).

Qu. 5 : Si on impose à la bande de suivre la trajectoire sur un cône (voir figure 2.3 annexe 2),

déterminer le taux de déformation ( $\frac{\Delta l}{l}$ ) en fonction du diamètre extérieur, Dext, e et  $\alpha$ . En déduire

la largeur e en fonction de ( $\frac{\Delta l}{l}$ ). Faire l'application numérique pour Dext = 2m et  $\alpha$  = 30° = angle

maxi entre l'axe de l'avion et la tangente à la surface aérodynamique.

Le taux de déformation n'étant pas linéaire en fonction de e, tracer sur la courbe ci-dessus, une nouvelle courbe  $\frac{\Delta l}{l} = f(e)$ . En déduire la valeur approximative de la plus grande largeur  $e_{max}$  déposable sans fronces.

**Conclusion :** cette étude a permis de valider le choix de 6,35 mm (ou ¼ de pouce : standard international) inférieur à la valeur limite e<sub>max</sub> pour des raisons de sécurité.

#### 1.2.3 Fonction technique FT 424: tendre faiblement les fibres

## Objectif : déterminer la tension de placement de la fibre à l'aide des rouleaux du multi winch (voir annexe 1) afin de valider le cahier des charges (tension maximale de 0,4 N)

#### Extrait du cahier des charges fonctionnel :

Critère	Niveau	Flexibilité
Tension maximale sur la fibre	0,4 N	Valeur Maxi

#### Étude du système de régulation de tension de la fibre

Pour assurer une tension faible de la fibre, le multi winch (plusieurs rouleaux montés en série) est utilisé. La vitesse de déplacement au niveau du point de contact entre le rouleau et la fibre du winch est supérieure à la vitesse de déplacement de la fibre de 10%. Ceci assure un glissement permanent entre la fibre et les rouleaux du multi winch.

Le modèle d'étude est présenté sur la figure de l'**annexe 3** (document Coriolis multi winch). On note  $\alpha$  l'angle d'enroulement de la fibre sur l'ensemble des rouleaux,  $T_i$  la tension du brin « i » de la fibre en entrée et sortie du multi winch et f le facteur de frottement entre la fibre et la surface de contact des rouleaux du winch, à la limite du glissement et pour des glissements faibles. On donne la relation suivante :  $T_2 = T_1 \cdot e^{f\alpha}$ 

*Qu. 6 : Sachant que l'on veut diminuer l'effort de tension sur la fibre au maximum lors de la pose, parmi les 2 positions suivantes : coté tête et coté bobines, situer les tensions*  $T_1$  *et T*<sub>2</sub>*.* 

Qu. 7 : A partir de la figure fournie en annexe 3, évaluer l'angle d'enroulement utilisé. Sachant que l'on a une tension coté bobines nécessaire de 4N maxi, déterminer la tension de placement de la fibre de carbone pour f = 0,32. Conclure par rapport au cahier des charges et justifier les différences en remettant en cause les hypothèses.

**Conclusion :** cette étude a permis de valider le choix du dispositif multi winch permettant de ne pas dépasser la limite de la tension de placement de la fibre de carbone de 0,4N.

# **1.2.4** Fonctions techniques FT 421 et FT 422 : transformer l'énergie électrique en énergie mécanique et l'adapter.

## Objectif global : étudier l'asservissement en vitesse du moteur électrique entraînant les rouleaux du multiwinch et valider son choix.

Le système multiwinch est installé dans le cantre qui est éloigné du robot et de la tête de dépose. Les fibres sont alors acheminées dans des tubes de protection flexibles qui se trouvent dans une gaine (voir document *annexe 1*).

L'étude précédente nous montre qu'il faut une tension voisine de zéro pour éviter de plisser les fibres lors de la dépose. Compte tenu de la distance entre la tête de dépose et le multiwinch, il faut également

asservir en vitesse l'acheminement de la fibre pour éviter la rupture et limiter l'usure des rouleaux du multi winch. *La figure 5.1 de l'annexe 4* montre un schéma structurel du mécanisme.

On désire asservir la vitesse de déroulement de la fibre à la sortie du multiwinch à la vitesse de déplacement du robot (ou plus exactement à la vitesse du centre du rouleau d'application)

Le choix des ingénieurs pour l'actionneur électrique s'est tourné vers une machine synchrone pour des raisons de fiabilité et de maintenance. Malgré tout, la commande d'une machine synchrone auto pilotée, appelée moteur « BRUSHLESS », peut s'avérer plus délicat compte tenu de la plus grande complexité de modélisation de la machine. Cependant un résolveur implanté sur le rotor permet à la commande électronique associée de jouer le même rôle que l'ensemble balai-collecteur d'un moteur à courant continu. On pourra donc se ramener globalement à une commande équivalente à celle de la machine à courant continu.

Pour ces raisons, nous choisissons d'étudier la variation de vitesse d'un moteur à courant continu. Les lois de comportements du moteur « BRUSHLESS » sont donc identiques à celles d'un moteur à courant continu. Elles sont rappelées ci après.

La structure de l'asservissement en vitesse, ainsi que les valeurs des paramètres utiles sont données *sur la figure 5.3 de l'annexe 4*.

#### Hypothèses :

- Compte tenu de l'architecture du mécanisme, on considère qu'il existe un couple résistant C<sub>R</sub> dû au frottement visqueux dans les paliers et aux actions mécaniques induites par chaque fibre composant la bande de composite.
- Poids composite négligé.
- La vitesse de chaque fibre est identique.

#### Notations :

On adopte les notations suivantes entre le domaine temporel et celui de Laplace. Ainsi, si la fonction  $\omega_m(t)$  possède une transformée de Laplace, elle sera notée :  $\Omega_m(p) = L[\omega_m(t)]$ 

Les équations caractéristiques du moteur à courant continu sont rappelées ci-dessous :

-	$u(t) = e(t) + L. \frac{di(t)}{dt}$	+ R.i(t)	u(t) : tension moteur	i(t) : courant moteur
-	$e(t) = K_{E} \cdot \omega_m(t)$	e(t) : forc	e contre-électromotrice	$\omega_m(t)$ : vitesse de rotation moteur
-	$c_M(t) = K_T.i(t)$		<i>с<sub>м</sub>(t) : couple moteur</i>	
	d c (t)			

- 
$$J_{eq} \cdot \frac{d\omega_m(t)}{dt} + a \cdot \omega_m(t) = c_M(t) - c_R(t)$$
  $c_R(t) : couple résistant$ 

Document constructeur : MOVINOR Moteur MX 20

Vitesse nominale (en tr/min)	Couple nominal (Nm)	Tension nominale (V)	Intensité nominale (A)	Intensit é maximal e (A)	Résistanc e d'induit R (Ω)	Inductance L (mH)	Coef de frottement visqueux a (Nm.s/rad)	Momen t d'inerti e J <sub>m</sub> (kg.m <sup>2</sup> )
3000	0,65	80	3,4	20	2,5	3,4	<b>4.10</b> -3	2.10-4

#### Extrait du cahier des charges à respecter:

Fonction	Critères	Niveaux
Asservir en vitesse les rouleaux du winch par rapport aux fibres de carbone:	Stabilité	
	Marge de gain	M <sub>G</sub> = 6dB mini
	Marge de phase	$M_{\phi} = 45^{\circ} mini$
	Précision	
	• Erreur statique $\varepsilon_s$ par rapport à une	Nulle
	consigne de vitesse constante.	
	Rapidité	
	• Temps de réponse à 5% en réponse à une consigne de vitesse constante.	$Tr_{5\%} = 0,05s maxi$

Détermination des caractéristiques mécaniques du système

A partir de la figure 5.2 de l'annexe 4,

Qu. 8: Le rapport de réduction globale  $Rg = \frac{\Omega_R}{\Omega_m}$  du réducteur nécessaire pour obtenir les

performances souhaitées de déplacement de la bande sur les rouleaux du winch doit être de 0,03.

• calculer le rapport de réduction  $R_1 = \frac{\Omega_4}{\Omega_m}$  du 1<sup>er</sup> étage du réducteur à train épicycloïdal.

Réaliser l'application numérique.

• En déduire le nombre d'étages nécessaire pour obtenir la réduction globale Rg souhaitée.

Pour la suite du sujet et quels que soient les résultats obtenus les valeurs numériques suivantes seront adoptées pour :

- Le moment d'inertie équivalent *Jeq* = 3.10<sup>-4</sup> kg.m<sup>2</sup>,
- le coefficient de frottement visqueux  $a = 4.10^{-3}$  N.m.s/rad.
- $K_E = K_T = K = 0,22$  (S.I)

#### Étude du moteur dans son environnement

Soit le schéma bloc suivant du moteur issu du schéma structurel complet de la *figure 5.3* avec Cr (p) = 0



Qu. 9 : Écrire la fonction de transfert M(p) =  $\frac{\Omega m(p)}{U(p)}$ . Montrer que M(p) peut se mettre sous la

forme  $M(p) = \frac{K_m}{(1+T_e p).(1+T_m p)}$ , puis identifier  $K_m$  et calculer les valeurs numériques de  $K_m$  et des

constantes de temps électrique  $T_e$  et mécanique  $T_m$ . ( $T_e < T_m$ ) (Valeurs numériques à prendre sur la figure 5.3 de l'annexe 4)

*Qu. 10 : Tracer sur le graphe ci-dessous, l'allure de la réponse temporelle de la vitesse moteur suite à un échelon de tension nominale en entrée (80V).* 



Temps (sec)

Pour la suite du TD, vous utiliserez les valeurs suivantes :  $T_e = 1,4.10^{-3}s$  et  $T_m = 1,3.10^{-2}s$ 

#### Étude de la boucle d'asservissement de courant

*Objectif : Valider la nécessité de réaliser un asservissement de courant.* 

Qu. 11 : A partir du schéma bloc précédent, déterminer la fonction de transfert G(p) =  $\frac{I(p)}{U(p)}$ .

Montrer que cette fonction de transfert peut se mettre sous la forme :  $G(p) = \frac{K_G(1+T_Gp)}{(1+T_ep)(1+T_mp)}$ puis identifier  $T_G$  et  $K_G$ . Faire les applications numériques.

puis menuper 16 et M6 1 une les appreutions numeriques.

On considère pour notre système, la réponse en courant du moteur pour une entrée en tension de type échelon d'une valeur égale à la tension nominale (80V).

Le tracé de la réponse en courant se trouve sur *la figure 5.4 de l'annexe 4.* 

# *Qu. 12 : Donner l'inconvénient majeur que présente la réponse en courant. Expliquer et justifier votre réponse en faisant le lien avec les caractéristiques du moteur.*

*Conclusion :* On déduit, à partir du phénomène précédent, la nécessité de réaliser un asservissement de courant.

#### Réglage de la boucle d'asservissement de courant

#### *Objectif : régler la boucle de courant afin d'éviter les inconvénients précédents.*

Les phénomènes détectés précédemment peuvent être résolus en réalisant un asservissement du courant moteur. D'où le schéma suivant :



- > On donne  $K_{rl} = 1$  (sans unité), le gain du capteur de courant.
- > On assimile le hacheur à un gain pur h = 8.
- > Le correcteur est à action proportionnelle intégrale de la forme  $C_I(p) = K_i \cdot \left(1 + \frac{1}{T_i p}\right)$

#### Qu. 13 : Donner la fonction de transfert en boucle ouverte de la boucle de courant notée H<sub>IBO</sub>(p).

Nous allons régler la constante de temps d'action intégrale du correcteur afin de compenser la constante de temps électrique du moteur qui intervient dans la régulation au niveau de la boucle de courant.

# *Qu. 14 : En déduire la valeur de T<sub>i</sub>, puis donner la nouvelle fonction de transfert en boucle ouverte de la boucle de courant notée* $H_{IBO}(p)$ .

En utilisant les réglages précédents, le calcul de la nouvelle fonction de transfert en boucle fermée moyennant des simplifications acceptables amène à obtenir une fonction de transfert du  $1^{er}$  ordre de la forme :

$$H_{IBF}(p) = \frac{I(p)}{I_{C}(p)} = \frac{K_{IBF}}{1 + T_{IBF}p}$$

*Qu. 15 : A partir des réponses indicielles de la boucle de courant H<sub>IBF</sub>(p) pour différentes valeurs de K<sub>i</sub> du graphe ci-dessous,* 

> choisir le gain K<sub>i</sub> pour avoir un temps de réponse à 5% de 15 ms maxi



> identifier pour la valeur de K<sub>i</sub> retenue, les valeurs de K<sub>IBF</sub> et T<sub>IBF</sub>.

**Conclusion :** cette étude a permis de régler correctement la boucle de courant en vue de l'étude de l'asservissement en vitesse.

#### Étude de la boucle d'asservissement de vitesse

## Objectif : Choisir et régler le correcteur $C_{\Omega}$ afin de valider les critères de précision et de stabilité du cahier des charges.

A partir des simplifications établies et des réglages précédents, le schéma bloc de l'asservissement de vitesse de l'arbre moteur se réduit comme suit :



de la boucle de courant est la suivante :  $H_{IBF}(p) = \frac{K_{IBF}}{1 + T_{IBF}p}$ 

> Le gain du capteur de vitesse de la chaîne de retour est  $K_{\Omega}$ = 0,0318 V s rad<sup>-1</sup>

Pour être conforme au cahier des charges, on impose un correcteur  $C_{\Omega}$  avec une action proportionnelle intégrale. Sa fonction de transfert est alors :  $C_{\Omega} = K_{PI} \cdot \left(1 + \frac{1}{T_{PI} \cdot p}\right)$ .

Qu. 16 : Exprimer la fonction de transfert en boucle ouverte corrigée:  $H_{\Omega BO cor}(p)$ . En déduire  $T_{PI}$  par compensation du pôle dominant. On obtient ainsi une nouvelle fonction de transfert  $H^1_{\Omega BO cor}(p)$ . Donner l'ordre de cette fonction  $H^1_{\Omega BO cor}(p)$  et la classe du système corrigé. Conclure par rapport au cahier des charges.

Qu. 17 : A partir du diagramme de Black en boucle ouverte fourni sur le document ci-dessous (tracé pour K<sub>PI</sub> = 1 et la valeur de T<sub>PI</sub> obtenue à la question précédente), déterminer les nouvelles marges de gain et de phase.



Afin de régler de façon optimale l'asservissement en vitesse (diminuer au maximum le temps de réponse), le réglage de la marge de phase sera de 45°.

#### Qu. 18 : Déterminer la nouvelle valeur de K<sub>PI</sub> permettant d'assurer cette marge de phase de 45°.

Suite à une nouvelle mesure de la réponse à un échelon de 10V (avec les réglages optimaux précédents) sur le système réel réalisée avec un oscilloscope, nous avons obtenu la courbe fournie ci-dessous.



Qu. 19 : Mesurer sur la courbe l'erreur statique  $\varepsilon_s$  en réponse à un échelon de tension de 10 V, justifier cette erreur statique puis mesurer le temps de réponse. Conclure par rapport au cahier des charges.

**Conclusion :** cette étude a permis de montrer la nécessité d'un correcteur Proportionnel Intégral afin de satisfaire les critères de précision et de stabilité du cahier des charges et de le régler.



MODELE NUMERIQUE DE LA MACHINE DE PLACEMENT DE FIBRES



### PHOTO DU CANTRE



Diagramme FAST partiel de la machine de placement de fibres Page 18

### ANNEXE 2



Figure 2.1



Figure 2.2 : Trajectoire courbe de dépose de bande sur une surface plane (steering)



Figure 2.3



**ANNEXE 3** (Structure du Multi Winch)



Figure 5.1 : Schéma structurel du mécanisme



Figure 5.2 : Schéma cinématique du réducteur à trains épicycloïdaux multi étages et du système poulie courroie



Figure 5.4 : Réponse en courant pour un échelon de tension nominale